



جمهوری اسلامی ایران

وزارت آموزش و پرورش

سازمان ملی پرورش استعدادهای درخشان



سازمان ملی پرورش استعدادهای درخشان
مبارزه علمی برای جوانان، زنده کردن روح جست و جو و کشف واقعیت هاست. (امام خمینی (ره))

اینجانب (شرکت کننده) این دفترچه را به صورت کامل (۱۲ برگه با احتساب جلد) دریافت نمودم امضاء

اینجانب (منشی حوزه) تعداد برگه (با احتساب جلد) دریافت نمودم امضاء

دفترچه سوالات سی و یکمین دوره المپیاد کامپیوتر - روز دوم

تاریخ: ۱۴۰۰/۰۳/۲۳ ساعت: ۸:۰۰ مدت: ۲۷۰ دقیقه



شماره صندلی

نام و نام خانوادگی:

شماره پرونده:

کد ملی:

نام پدر:

نام مدرس:

حوزه:

توضیحات مهم

استفاده از ماشین حساب ممنوع است

- این پاسخ نامه به صورت نیمه کامپیوتراً تصحیح می شود، بنابراین از مقاله و کثیف کردن آن جداً خودداری نمایید.
- مشخصات خود را با اطلاعات بالای هر صفحه تطبیق دهید. در صورتی که حتی یکی از صفحات پاسخ نامه با مشخصات شما همخوانی ندارد، بلافضل مراقبین را مطلع نمایید.
- پاسخ هر سوال را در محل تعیین شده خود بنویسید. چنانچه همه یا قسمتی از جواب سوال را در محل پاسخ سوال دیگری بنویسید، به شما نمره ای تعلق نمی گیرد.
- با توجه به آنکه برگه های پاسخ نامه به نام شما صادر شده است، امکان ارائه هیچگونه برگه اضافه وجود نخواهد داشت. لذا توصیه می شود ابتدا سوالات را در برگه چرک نویس، حل کرده و آنگاه در پاسخنامه پاکنویس نمایید.
- عملیات تصحیح توسط مصححین، پس از قطع سربرگ، به صورت ناشناس انجام خواهد شد. لذا از درج هرگونه نوشته یا علامت مشخصه که نشان دهنده صاحب برگه باشد، خودداری نمایید. در غیر این صورت تقلب محسوب شده و در هر مرحله ای که باشید از ادامه حضور در المپیاد محروم خواهد شد.
- از مخدوش کردن دایره ها در چهار گوش صفحه و بارگذاری خودداری کنید، در غیر این صورت برگه شما تصحیح نخواهد شد.
- همراه داشتن هرگونه کتاب، جزو، یادداشت و لوازم الکترونیکی نظیر تلفن همراه، ساعت هوشمند، دستبند هوشمند و لپ تاپ ممنوع است. همراه داشتن این قبیل وسایل حتی اگر از آن استفاده نکنید یا خاموش باشد، تقلب محسوب خواهد شد.
- سوالات ترتیب خاصی ندارند و لزوماً از ساده به سخت نیستند. شخصیت و داستان سوالات ربطی به حل سوالات ندارند و صرفًا جنبه طنز دارند.
- شرکت کنندگان در دوره تابستان از بین داشن آموزان پایه دهم و یازدهم انتخاب می شوند.
- تصحیح برگه آزمون روز دوم، مشروط به کسب حد نصاب مورد نظر کمیته علمی در آزمون تستی روز اول مرحله دوم می باشد.

در صورت لزوم از این

صفحه به عنوان چرک

نویس استفاده کنید

باشگاه طلایی‌ها

مطلوب این صفحه

تحت هیچ شرایطی

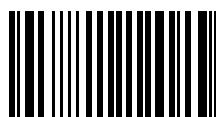
تصحیح نخواهد شد



نام:

نام خانوادگی:

کد ملی:



سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

سوال اول. جدول بازی ۲۴ نمره

امید و دخترش فرناز بازی زیر را در یک جدول $n \times n$ انجام می‌دهند:

امید بازی را شروع می‌کند. هر کس در هر نوبت خود در طول بازی، یکی از خطوط جدول (یکی از $1 + n$ خط عمودی یا یکی از $1 + n$ خط افقی) را به طور کامل پاک می‌کند. در ابتدای بازی، همه‌ی n^2 خانه‌ی 1×1 جدول سالم هستند، اما پس از هر نوبت ممکن است تعدادی از خانه‌های سالم به دلیل پاک شدن یکی از ضلع‌هایشان خراب شوند (واضح است خانه‌ای که خراب شده است تا انتهای خراب باقی می‌ماند). وضعیت جدول را ویران می‌نامیم، اگر تمام n^2 خانه‌ی 1×1 از جدول اولیه خراب شده باشند. به محض این که جدول ویران شود، بازی به پایان می‌رسد.

می‌گوییم یک بازی کن استراتژی برد دارد اگر بتواند به نحوی بازی کند که مستقل از حرکات نفر مقابل همیشه برنده‌ی بازی باشد.

(الف) در این بخش، کسی که آخرین حرکت بازی را انجام دهد بازنه‌ی بازی می‌شود. چه کسی استراتژی برد دارد؟ (۱۰ نمره)

(ب) در این بخش، کسی که آخرین حرکت بازی را انجام دهد برنده‌ی بازی می‌شود. چه کسی استراتژی برد دارد؟ (۱۴ نمره)

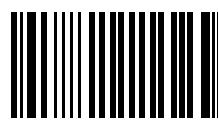
در صورت لزوم از این قسمت به عنوان چرگ نویس

استفاده کنید مطالب این قسمت تحت هیچ شرایطی

تُصْحِّحَ نَحْوًا هُدُّل



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

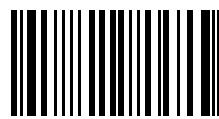
پاسخ سوال ۱

از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد





نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



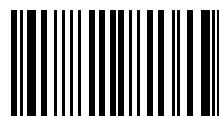
سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

ادامه پاسخ سوال ۱ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد





نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



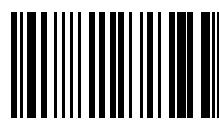
سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

ادامه پاسخ سوال ۱ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد





نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

ادامه پاسخ سوال ۱ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

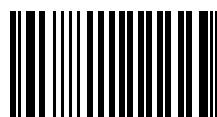




نام :

نام خانوادگی :

کد ملی :



سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

سوال دوم. بینش ابوالفضل مظفری ۲۴ نمره

یک گراف کامل ۱۴۰۰ رأسی داریم که رأس‌های آن با شماره‌های ۱ تا ۱۴۰۰ شماره‌گذاری شده‌اند. ابوالفضل هر یال آن را با یکی از دو رنگ قرمز و آبی رنگ آمیزی می‌کند (ممکن است تمام یال‌ها با یک رنگ، رنگ آمیزی شوند). مظفر می‌داند که گراف ابوالفضل یک گراف کامل ۱۴۰۰ رأسی است که یال‌های آن با رنگ‌های قرمز و آبی رنگ آمیزی شده‌اند، اما از رنگ هر یال آن اطلاعی ندارد و می‌خواهد رنگ یال‌های گراف او را بفهمد. برای این کار، مظفر در هر مرحله یک دور از گراف را (با گفتن شماره‌ی رأس‌های دور به ترتیب) مشخص می‌کند و ابوالفضل تعداد یال‌های قرمز آن دور را به مظفر می‌گوید.

الف) مظفر ادعا می‌کند پس از آن که تعداد یال‌های قرمز در هر یک از دورهای ۱۴۰۰ رأسی را از ابوالفضل پرسد، می‌تواند رنگ یال‌های گراف ابوالفضل را در هر شکلی از رنگ آمیزی بفهمد. نشان دهید ادعای مظفر اشتباه است. (۱۰ نمره)

ب) به مظفر نشان دهید اگر دست از لعبازی بردارد و علاوه بر دورهای ۱۴۰۰ رأسی، تعداد یال‌های قرمز در هر یک از دورهای ۱۳۹۹ رأسی را هم پرسد، آن‌گاه می‌تواند رنگ یال‌های گراف ابوالفضل را در هر شکلی از رنگ آمیزی بفهمد. (۱۴ نمره)

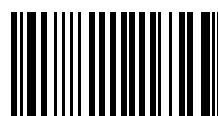
در صورت لزوم از این قسمت به عنوان چرک نویس

استفاده کنید مطالب این قسمت تحت هیچ شرایطی

تصحیح نخواهد شد



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

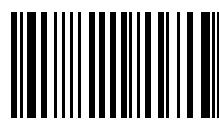
پاسخ سوال ۲

از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد





نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



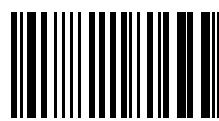
سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

ادامه پاسخ سوال ۲ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد





نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



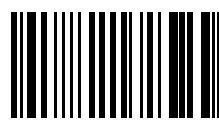
سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

ادامه پاسخ سوال ۲ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد





نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

ادامه پاسخ سوال ۲ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

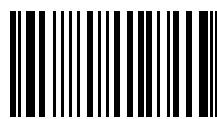




نام :

نام خانوادگی :

کد ملی :



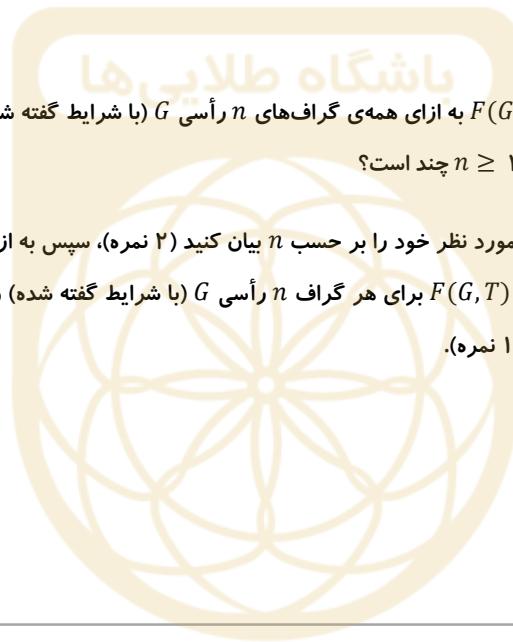
سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

سوال سوم. رأس نباید درجه یک باشد ۲۴ نمره

گراف ساده و n رأسی G را با این شرط در نظر بگیرید که دور همیلتونی (دور به طول n) دارد و T یک زیردرخت فراگیر آن است (یعنی زیرگرافی n رأسی که درخت باشد). $F(G, T)$ را کمینهٔ تعداد یال‌هایی از G در نظر بگیرید که باید به درخت T اضافه کنیم تا درجهٔ هر رأس آن حداقل ۲ شود.

مقدار (n) را برابر بیشینهٔ مقدار $F(G, T)$ به ازای همهٔ گراف‌های n رأسی G (با شرایط گفته شده) و همهٔ زیردرخت‌های فراگیر T از G تعریف می‌کنیم. مقدار (n) به ازای $\geq n$ چند است؟

توضیح: برای پاسخ لازم است ابتدا مقدار مورد نظر خود را بر حسب n بیان کنید (۲ نمره)، سپس به ازای هر n مثالی بزنید که مقدار بیشینه را داشته باشد (۸ نمره) و نهایتاً نشان دهید $F(G, T)$ برای هر گراف n رأسی G (با شرایط گفته شده) و هر زیردرخت فراگیر T از G از مقدار $p(n)$ مورد نظر شما بیشتر نمی‌شود. (۱۴ نمره).



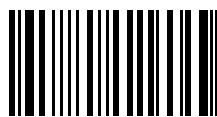
در صورت لزوم از این قسمت به عنوان چرک نویس

استفاده کنید مطلب این قسمت تحت هیچ شرایطی

تصحیح نخواهد شد



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

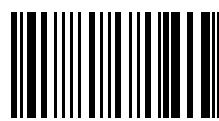
پاسخ سوال ۳

از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد





نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

ادامه پاسخ سوال ۳ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد





نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



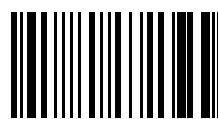
سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

ادامه پاسخ سوال ۳ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد





نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

ادامه پاسخ سوال ۳ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

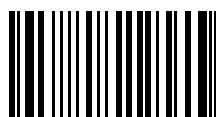




نام :

نام خانوادگی :

کد ملی :



سازمان ملی پژوهش اندیشه‌ای دیگران

سوال چهارم، جبارزید و استاد سحرآمیز ۲۸ نمره

۱۴۰۰ نفر از سه کشور مختلف داریم. هدف جبارزید یافتن سه نفر از این افراد است که از سه کشور متمایز باشند. جبارزید تعداد افراد هر کشور را نمی‌داند و فقط می‌داند که این ۰ ۱۴۰ نفر، از سه کشور مختلف هستند و از هر کشور حداقل یک نفر وجود دارد. او در هر مرحله می‌تواند تعدادی از این افراد را انتخاب کند و به استاد نشان دهد تا استاد در جواب، عددی بین یک تا سه بگوید که مشخص می‌کند این افراد از چند کشور مختلف هستند. جبارزید می‌خواهد با کمترین تعداد مرحله به هدف خود برسد.

(الف) ثابت کنید جبارزید می‌تواند این کار را در حداقل ۲۳ مرحله (یا حتی کمتر!) انجام دهد. (۱۴ نمره)

(ب) ثابت کنید جبارزید نمی‌تواند در کمتر از ۱۲ مرحله به هدف خود برسد. (۱۴ نمره)

توضیح برای بخش ب: اگر ثابت کنید جبارزید در کمتر از ۱۱ مرحله نمی‌تواند این کار را انجام دهد ۸ نمره از ۱۴ نمره بخش را می‌گیرید و اگر ثابت کنید در کمتر از ۱۰ مرحله نمی‌تواند این کار را انجام دهد ۶ نمره از بخش را دریافت می‌کنید.

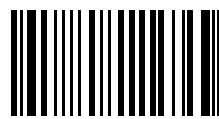
در صورت لزوم از این قسمت به عنوان چرگ نویس

استفاده کنید مطالب این قسمت تحت هیچ شرایطی

تصحیح نخواهد شد



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

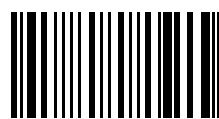
پاسخ سوال ۴

از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد





نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



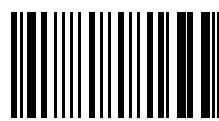
سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

ادامه پاسخ سوال ۴ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد





نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



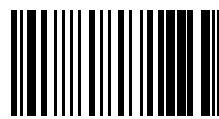
سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

ادامه پاسخ سوال ۴ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد





نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



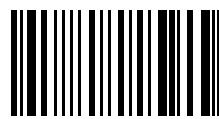
سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

ادامه پاسخ سوال ۴ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد





نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



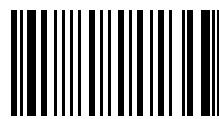
سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

ادامه پاسخ سوال ۴ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد





نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



سازمان ملی پژوهش اسلام‌آبادی در تهران

ادامه پاسخ سوال ۴ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

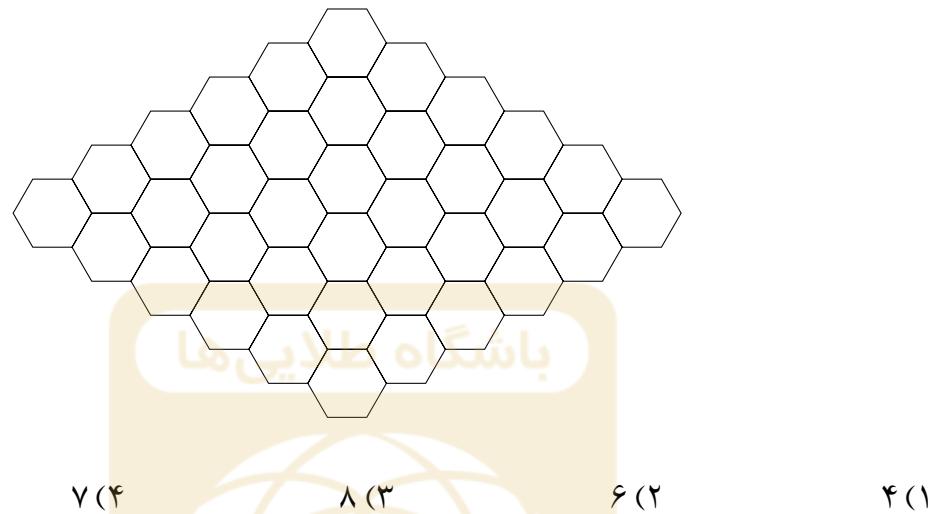


مرحله‌ی دوم سی و یکمین المپیاد کامپیوتر کشور

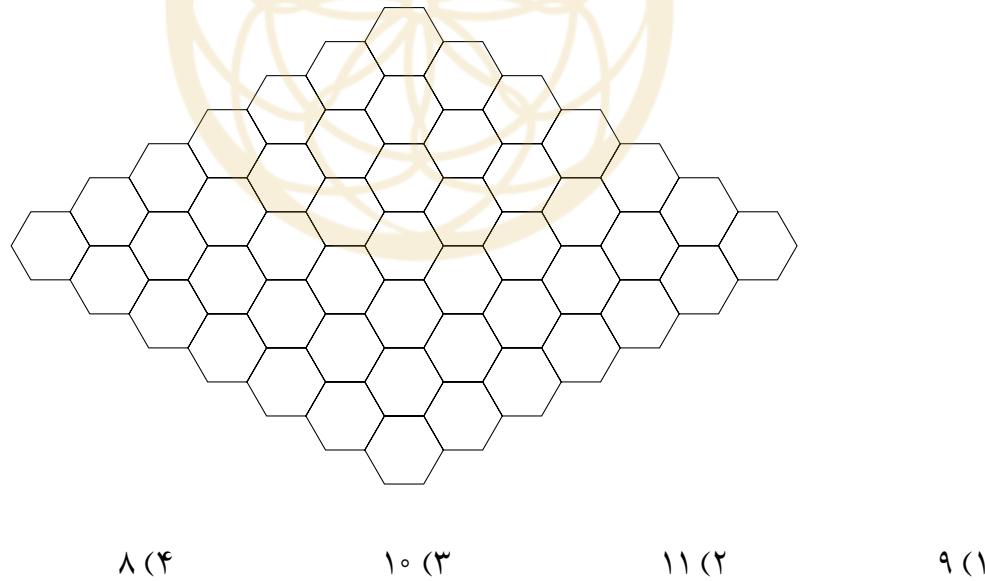
نمکیه با یک موشک نقطهزن می‌تواند یکی از شش ضلعی‌های فرودگاه سیاره‌ی شکریه را منهدم کند. هدف نیروی هوایی سیاره‌ی نمکیه این است که هیچ سفینه‌ای نتواند در فرودگاه فرود بیاید.

با توجه به توضیحات بالا به ۲ سوال زیر پاسخ دهید

۱۱ اگر تصویر زیر نشان‌دهنده‌ی فرودگاه سیاره‌ی شکریه باشد، نیروی هوایی نمکیه حداقل به چند موشک نیاز دارد؟



۱۲ در یک عملیات ضربی، نیروهای خدمت‌گزار سیاره‌ی شکریه از یک فرودگاه جدید و بزرگ‌تر مطابق شکل زیر پرده‌برداری کردند. مشابه سؤال قبلی، نیروی هوایی نمکیه حداقل به چند موشک نیاز دارد؟



الگوریتم زیر که Zip نام دارد، رشته‌ای دودویی (از ارقام ۰ و ۱) را به عنوان ورودی می‌گیرد و به صورت زیر اجرا می‌شود:

۱. S را مجموعه‌ای تهی در نظر بگیر و ورودی را در z بریز.
۲. اگر z یک رقمی است یا $S \in z$ ، آن را برگردان و به پایان برس.

کلید اولیه آزمون مرحله دوم بیست و چهارمین المپیاد کامپیووتر

سؤال ۱) ۱ و ۳ (هر دو گزینه پذیرفته می‌شود.)

سؤال ۲)

سؤال ۳)

سؤال ۴) حذف

سؤال ۵)

سؤال ۶)



سؤال ۷)

سؤال ۸)

سؤال ۹)

سؤال ۱۰) حذف

سؤال ۱۱)

سؤال ۱۲)

سؤال ۱۳)

سؤال ۱۴)

سؤال ۱۵)

سؤال ۱۶)

سؤال ۱۷)

سؤال ۱۸)